# **Progetto RE-FRESCOS**

### Atti della Giornata Seminariale Giovedì 29 Novembre, 2012, Aula Albenga (DISEG)

Coordinatore: Prof. Alberto Carpinteri



### **III Giornata Seminariale Progetto REFRESCOS**

Giovedì 29 Novembre 2012 Politecnico di Torino, Aula Albenga (DISEG)

Coordinatore: Prof. Alberto Carpinteri

#### Programma

Ore 10:00. Introduzione alla Giornata Seminariale da parte del Coordinatore del Progetto REFRESCOS Prof. Alberto Carpinteri

Orario	Oratore	Titolo dell'Intervento	
10:15-10:45	Dr M. Zerbinatti Dr A. Formia	Caratterizzazione di finiture, studio di nuovi consolidanti e allestimento di prove sperimentali per la verifica del loro comportamento in opera.	
10:45-11:15	Prof. G. Lacidogna Ing. F. Accornero	Il Sacro Monte di Varallo: Correlazione tra Emissioni Acustiche e terremoti.	
11:15-11:45	Dr A. Grazzini Ing. A. Alberto	Prove statiche di aderenza tra intonaco e muratura: Sperimentazione e analisi numerica.	
11:45-12:15	Dr A. Schiavi Dr P. Tarizzo	Sonoscopia Endosuperficiale: Descrizione di un metodo acustico per la diagnosi dello stato di conservazione degli affreschi del Sacro Monte di Varallo.	
12:15-12:30	Dr A. Sapora	Simulazione numerica del fenomeno di distacco tra materiali eterogenei soggetti a variazioni di temperatura mediante il modello della fessura coesiva esteso all'ambito termoelastico.	

Ore 12:30. Intervento da parte del Direttore dell'Ente di Gestione dei Sacri Monti Arch. Renato Tonello

TAVOLA ROTONDA CONCLUSIVA

III Giornata Seminariale Progetto REFRESCOS Giovedì 29 novembre 2012

### CARATTERIZZAZIONE DI FINITURE, STUDIO DI NUOVI CONSOLIDANTI E ALLESTIMENTO DI PROVE SPERIMENTALI PER LA VERIFICA DEL LORO COMPORTAMENTO IN OPERA.



#### SPUNTI DI RIFLESSIONE

Aspetto "grigio" e liscio delle finiture applicate sulle pareti più esposte all'acqua *di stravento,* comune a numerose cappelle; a volte, tali finiture sono al di sotto di uno strato di pitturazione nei toni del giallo.



A tale **apparente omogeneità** di aspetto, corrisponde anche una uniformità di composizione di materiali e di esecuzione tecnica?



✓ Lacune nelle finiture ad intonaco



✓ Intonaci decoesi (che polverizzano)

Metodi adeguati di integrazione sulla base delle conoscenze analitiche e tecniche

Studio di consolidanti ibridi organici- inorganici

 ✓ Ipotesi di prove sperimentali per verificare il comportamento degli intonaci e dei consolidanti in opera.



#### IL COLORE GRIGIO COME DATO COMUNE A NUMEROSE CAPPELLE



Cappella 14



Cappella 15



Cappella 17



Cappella 25



Cappelle 5 e 11



Cappella 17



Cappella 28



Cappella 36







Cappella 13

Cappella 2

#### Misura del colore

#### IL RILIEVO COLORIMETRICO IN SITU



Sono stati rilevati i punti colorimetrici (coordinate CIE Lab) e le curve di riflettanza delle cappelle in cui è presente la finitura grigia.



#### CONFRONTI



Le coordinate e le curve rilevate di tutte le cappelle sono state confrontate con i quelle dei campioni creati in laboratorio.



#### LA NUOVA CAMPAGNA DI CAMPIONAMENTO: SCELTA DELLE CAPPELLE



Cappelle esaminate nell'anno 2010-2011

Cappelle esaminate nell'anno 2011-2012

Cappelle esaminate in anni precedenti



#### CAPPELLE 14 e 15.



Intonaci caratterizzati da numerose similitudini con quelli precedentemente analizzati (cappelle 13 e 25):

- ✓ la superficie estremamente liscia e compatta,
- ✓ il colore grigio bluastro

✓ l'esposizione (sul fronte maggiormente esposto all'azione dilavante dell'acqua di stravento),

✓ la durabilità (su di un arco temporale di secoli)



#### CAPPELLA 36



- Documenti d'archivio rispetto all'intervento del 1842
- Impiego del maciaferro e di frammenti di laterizio e "porcellane" nella finitura

Effetto estetico confrontabile / tecnologia differente





#### CAPPELLA 24



Diffuso degrado superficiale nonostante l'esposizione comune alle altre cappelle e un intervento conservativo recente

> Impiego di materiale non idonei? Presenza di agenti biodeteriogeni?



#### CARATTERIZZAZIONE DEGLI INTONACI DELLE CAPPELLE 14 E 15.



#### Strato di arriccio:

•Calce magnesiaca probabilmente proveniente dai dintorni del Monte Fenera

- Impiego di aggregati locali del fiume Sesia
- Sono presenti depositi di idromagnesite

#### Finitura:

Spessore inferiore alla finitura della cappella 13. risultato estetico analogo







#### CARATTERIZZAZIONE DEGLI INTONACI DELLA CAPPELLA 36.



Element	F_1c14 (Weight %)	F 2c24 (Weight %)	F 2c36 (Weight %)	A_2c36 (Weight %)
Ca	76.13	53.01	5.68	58.19
Si	3.53	5.73	2.01	11.68
Mg	17.45	35.4	4.42	19.38
Al	2.88	=/	T	2.52
Fe	1	5.86	87.23	8.23
S	1	1	0.65	1



Strato di arriccio:

• Calce magnesiaca e aggregati locali.

Strato di finitura:

• Presenza di scorie ferrose, come

evidenziato dalle analisi degli elementi

• Limitata reazione idraulica

"...la scoria che si separa dal ferro ribollito [...], ridotta in polvere tenuissima serve utilmente a rendere più consistente il cemento che si adopera in molti lavori architettonici, tra i quali gli idraulici esposti alle ingiurie del gelo [...]." da Archivi del proprietario e dell'agricoltore, 1837.

Anche il Milizia cita nel Trattato (1804) l'impiego dei *rosticci* per le superfici esposte all'acqua e al gelo.



#### CARATTERIZZAZIONE DEGLI INTONACI DELLA CAPPELLA 24.



Strato di arriccio:

Calce magnesiaca e aggregati locali.

#### Strato di finitura:

- probabile presenza di composti acrilici
- Ambiente idoneo alla formazione di

agenti biodeteriogeni







#### **IL CONSOLIDAMENTO CORTICALE**

Trattamento in profondità finalizzato a ridare al materiale saldezza e continuità nelle sue caratteristiche fisico meccaniche; è volto a migliorare le caratteristiche di adesione e coesione tra i costituenti del materiale, cercando di ristabilire le condizioni della materia prima del degrado.

#### I REQUISITI DI BASE:

- Compatibilità fisica e chimica con il substrato
- Deve mostrarsi stabile
- Non deve ostruire le porosità
- > Deve essere insolubile in acqua

 Deve mostrare stabilità chimica e termica alle radiazioni e ai microrganismi
 Non deve essere tossico né al momento dell'applicazione né successivamente







#### NUOVE ESIGENZE NELL'AMBITO DEL CONSOLIDAMENTO:



SOLVENTI: Volatili Tossici Inquinanti Limitano le proprietà consolidanti



AMMINE (normalmente impiegate nella polimerizzazione delle resine epossidiche): Irritanti per la pelle Sospetti cencerogeni

#### NANOMATERIALI:

non si possono trasferire le informazioni disponibili sugli stessi materiali in forma macro. Si tratta di composti nuovi con proprietà proprie.

Il restauratore è un soggetto a rischio: • INALAZIONE • CONTATTO • ACCUMULO

Riduzione dei prodotti tossici per un intervento più compatibile e più sostenibile



#### PERCHE' I MATERIALI IBRIDI?

- i domini inorgani conferiscono durezza
- la matrice organica conferisce resistenza, flessibilità e in alcuni casi idrofobicità

#### **COME OTTENERE I MATERIALI IBRIDI?**

### **INTERAZIONE TRA LE 2 FASI**

□ Nanostrutture preformate incorporate nel polimero

#### Generazione NEL polimero della fase inorganica





#### I MATERIALI IBRIDI: RESINE EPOSSIDICHE + SILICATO D'ETILE

Reticolazione e formazione delle particelle di silice con l'impiego di un acido (cationica)

La reticolazione dell'epossido può essere ottenuta tramite polimerizzazione cationica per apertura di anello iniziata da un acido.

In queste condizioni, i gruppi silossanici reagiscono **con l'umidità** e generando gruppi silanoli che condensano per formare un reticolo silossanico.

Quindi sia la polimerizzazione per apertura di anello che la reazione sol gel del TEOS sono catalizzate da un acido generato per via UV o termica, ottenendo **due benefici in un solo step.**  Sali di iodonio, itterbio, in seguito a una sollecitazione termica o UV originano un acido protonico che fa iniziare la polimerizzazione

 Formazione IN SITU dei domini
 inorganici di dimensione nanometrica dispersi in modo omogeneo

NESSUN CONTATTO CON I NANO MATERIALI



#### **LE FORMULAZIONI STUDIATE**



#### Resina epossidica polisilossanica (TEGO RC 1411) + Itterbio



AGGIUNTA

**DEL TEOS** 

Resina epossidica cicloalifatica CE + Itterbio

Contribuisce all'incremento delle proprietà meccaniche e della stabilità del film

Permette di ridurre la viscosità senza impiegare solventi

Il TEOS. Essendo incorporato nella matrice organica, non è soggetto a craccatura.

#### **REQUISITI:**

- Stabilità
- Compatibilità
- Basso contenuto di solventi
- Reticolazione a temperatura ambiente

VALUTAZIONE DELLE PROPRIETA' DEI FILM APPLICAZIONE A PENNELLO SU CAMPIONI DI INTONACO

VALUTAZIONE DEGLI INTONACI CONSOLIDATI

3



#### **CARATTERIZZAZIONE DEI FILM: OSSERVAZIONI FE-SEM**





 I domini inorganici generati in situ sono ben dispersi nella matrice organica e con dimensioni nanometriche
 I cluster di silice hanno una dimensione media di 60–80 nm.

Pristine TEGO

TEGO + 40% TEOS



I domini inorganici sono ben dispersi nella matrice organica

I cluster di silice hanno dimensione submicrometrica

Il diverso comportamento può essere dovuto alle condizioni ambientali e alle quantità di catalizzatore.

CE+CY+GPTS+40%TEOS

#### LE PROPRIETA' DEI FILM

#### In seguito all'aggiunta del TEOS (15-60% phr) si è verificato:

- incremento delle proprietà di adesione
- incremento della durezza superficiale
- incremento del comportamento termico
- formazione di film trasparenti

 l'angolo di contatto della resina polisilossanica èdi circa 90° anche in presenza di elevate quantità di TEOS



# I film sono incolori e trasparenti alla luce visibile

#### **APPLICAZIONE: I PRINCIPALI RISULTATI OTTENUTI**

Le migliori performance sono state ottenute in seguito all'aggiunta del 40-60 % di TEOS:

- oRiaggregazione dei grani
- o profondità di penetrazione: 1,5 cm circa
- oPorosità mantenute
- No coating superficiali
- Rallentamento della velocità di risalita capillare dell'acqua.
- Rallentamento del degrado nei cicli di invecchiamento salino
- Limitato ingiallimento e variazione di colore in seguito all'invecchiamento UV per 1000 h.





Cross Section X4000\_TEGO+60%TEOS





### **CONCLUSIONI RISPETTO AI 2 CONSOLIDANTI IBRIDI**

VANTAGGI	LIMITI	FUTURI SVILUPPI
<ul> <li>formazione di nanoparticelle di silice</li> <li>no solventi</li> <li>no reagenti tossici</li> <li>tempo di reticolazione coerente con l'applicazione</li> <li>buona capacità di riaggregazione</li> <li>rispetto della porosità</li> <li>buon comportamento in seguito all'esposizione UV e all'invecchiamento salino</li> </ul>	<ul> <li>I valori della Tg non sono ancora ottimali per la formulazione a base di CE</li> <li>Non è noto il comportamento delle formulazioni applicate in situ e la stabilità in condizioni di invecchiamento reali.</li> </ul>	<ul> <li>Confronti con altri prodotti commerciali e con nanocompositi</li> <li>Applicazione su una superficie esposta al degrado ambientale</li> <li>Prove meccaniche</li> <li>Ulteriore riduzione della Tg per il consolidante a base di CE</li> </ul>



#### SPERIMENTAZIONE IN SEVERE CONDIZIONI AMBIENTALI

✤ Applicazione di diverse miscele di intonaco formulate sulla base degli studi condotti, confronti e valutazione del loro comportamento in opera (anche in relazione al requisito di aspetto)





Produzione di campioni eseguiti correttamente e di campioni "difettosi", a disposizione dei Ricercatori dell'INRIM per la messa a punto di sistemi di indagine non invasivi capaci di individuare fenomeni di distacco

Applicazione di consolidanti e protettivi con formulazioni sperimentali: verifica del loro comportamento in condizioni di invecchiamento naturale.



#### PUBBLICAZIONI INERENTI L'ATTIVITA' SVOLTA

#### Anno 2011

• Formia, A.; Zerbinatti, M.; Tulliani, J.M.; Gomez Serito, M.; De Filippis, E., *Un particolare "intonaco liscio" al Sacro Monte di Varallo Sesia. Approccio pluridisciplinare di indagine per la riproposizione di interventi a carattere conservativo, in* GOVERNARE L'INNOVAZIONE. Processi, strutture, materiali e tecnologie tra passato e futuro, Bressanone, Convegno Internazionale di studi, 21-24 giugno 2011, pp. 635-644.

• Tulliani, J.M.; Formia, A.; Sangermano M., *Organic-inorganic material for the consolidation of plaster*, in: Journal of Cultural Heritage, vol. 12, a. 2011, pp. 364-371.

#### Anno 2012

• Serra, C.L.; Formia, A.; Zerbinatti, M.; Sangermano, M.; Tulliani, J.M., *Conservation of outdoor plaster finishes in an architecturale complex: the case of the Sacro Monte di Varallo Sesia*, in: La conservazione del patrimonio architettonico all'aperto. Superfici, strutture, finiture e contesti, Bressanone, Convegno Internazionale di studi, 10 - 13 luglio 2012, pp. 857-867.

• Formia, A.; Serra, C.L.; Zerbinatti, M.; Sangermano, M.; Tulliani, J.M., *Application of new organic-inorganic materials as consolidants for the deteriorated plaster*, in: TechnoHeritage - International Congress on Science and Technology for the Conservation of Cultural Heritage, Santiago de Compostela (Spain), 2 - 5 ottobre 2012.

**Giornata Seminariale Progetto RE-FRESCOS** 

Giovedì 29 Novembre 2012, Aula Albenga (DISEG)



### Work Package (WP) 2

## Damage analysis of decorated surface structural support by the Acoustic Emission technique

### Il Sacro Monte di Varallo: Correlazione tra Emissioni Acustiche e terremoti

# **Il Sacro Monte di Varallo**



Alla fine del XV secolo, il frate francescano Bernardino Caimi di Milano, di ritorno dalla Terra Santa, decide di riprodurre in Valsesia i luoghi santi di Palestina. Il Sacro Monte, composto da una basilica e da quarantacinque cappelle affrescate e popolate da oltre ottocento statue, ripropone le tappe salienti della vita di Cristo.

# La Cappella XVII della Trasfigurazione



Questa cappella fu costruita nell'ambito del progetto generale di rinnovamento del Sacro Monte voluto dal finanziere milanese Giacomo D'Adda e redatto dall'architetto perugino Galeazzo Alessi dopo la prima metà del 1500.

Risultava già iniziata, per la parte relativa alle fondazioni, nel 1572, ma venne ultimata soltanto negli anni sessanta del Seicento.

# Condizioni strutturali della Cappella XVII

Lo stato di conservazione della Cappella XVII è sintetizzato nella seguente scheda, contenuta nella "Relazione di verifica ed indagine statica", redatta nell'Aprile del 2009 dall'Ing. Emanuele Giletti.



## **Zone monitorate**



La cappella XVII presenta alcuni segni di danneggiamento. Si è voluto monitorare l'attività AE legata ad una lesione nella muratura ed al distacco dell'intonaco affrescato.

# **Applicazione dei sensori AE**



Carta giapponese incollata con una resina acrilica "paraloid" che viene adoperata nel campo del restauro come consolidante a basse concentrazioni (2-4%) o come collante in concentrazioni maggiori.

Lo strato di "paraloid" forma un ottima base protettiva per la successiva applicazione, tramite colla siliconica, dei sensori AE.





# La tecnica delle emissioni acustiche





Il fenomeno della frattura è accompagnato dall'emissione di onde elastiche che si propagano all'interno del materiale. Queste onde possono essere captate da trasduttori PZT applicati alla superficie dell'elemento strutturale.



# Segnali AE identificato dai sensori



L'onda elastica captata dai sensori come sollecitazione meccanica è preamplificata e trasformata in segnale elettrico; quest'ultimo è filtrato per eliminare le frequenze indesiderate.

Il segnale così ottenuto può essere rappresentato come una oscillazione smorzata ed analizzato tramite un misuratore del numero di oscillazioni che superino una certa soglia predeterminata in Volt.

## Unità sincrona di acquisizione monocanale - USAM



- I trasduttori piezoelettrici (PZT) sono stati calibrati in un intervallo di frequenze compreso tra 50 e 800 kHz.
- Il sistema di acquisizione USAM consiste di 6 sensori pre-amplificati, 6 unità di immagazzinamento dei dati, un'unità centrale per le operazioni di sincronizzazione ed un misuratore di soglia.
- La caratterizzazione dei dati viene ottenuta tramite il rilevamento, il calcolo in tempo reale ed l'associazione di diversi parametri significativi dell'evento osservato.

# Distribuzione cumulativa dei segnali AE: *b*-value

La relazione di Gutenberg-Richter è stata applicata con successo al campo delle emissioni acustiche per lo studio della distribuzione delle ampiezze delle onde AE:

$$Log_{10}N(\ge m) = a - bm, \text{ or } N(\ge m) = 10^{a - bm},$$
 (1)

*N*: cumulato degli eventi di emissione acustica con magnitudo  $\geq m$ 

La magnitudo, nel campo delle emissioni acustiche, è definita come segue:

$$m \propto Log_{10}A_{\rm max}$$
 (2)

 $A_{\text{max}}$  : ampiezza del segnale misurata in microvolt.

# **Distribuzione cumulativa dei segnali AE:** *b*-value

Il *b*-value viene ricavato attraverso il calcolo della pendenza della retta di regressione della serie di eventi AE nel piano bi-logaritmico Log N - Log A:



Il *b*-value cambia durante le fasi del danneggiamento e quindi può essere interpretato come un indicatore del processo di formazione ed evoluzione delle fratture.

*b***-value**  $\cong$  **1.5** condizioni critiche

*b***-value**  $\rightarrow$  **1.0** collasso imminente
# Interpretazione del *b*-value

In analogia con i terremoti, la dimensione del danneggiamento legato alle emissioni acustiche implica la validità della relazione:

$$N(\geq L) = c L^{-D},$$
 (3)

- *N*: cumulato degli eventi AE generati da un difetto sorgente con dimensione lineare caratteristica  $\geq L$ ;
- L: dimensione lineare del difetto;
- c: costante di proporzionalità;
- D: dimensione frattale del dominio di danneggiamento.

# Interpretazione del *b*-value

Carpinteri (1994) ha mostrato che le equazioni (1) e (3) sono equivalenti e comportano:

$$D=2b.$$

Il *b*-value identifica le modalità di dissipazione energetica durante il monitoraggio. I casi estremi prevedibili sono:

- $b = 1.5 \rightarrow D = 3$ : la dissipazione di energia avviene attraverso piccoli difetti distribuiti nel volume;
- $b = 1 \rightarrow D = 2$  : la dissipazione di energia avviene lungo una superficie.

Nel primo caso si può osservare un danneggiamento diffuso, nel secondo caso si formano fratture bi-dimensionali che portano al collasso l'elemento strutturale.

Carpinteri, A., Lacidogna, G., Puzzi, S., "From criticality to final collapse: evolution of the "*b*-value" from 1.5 to 1.0", *Chaos, Solitons & Fractals*, 41, 843-853 (2009).

Carpinteri, A., "Scaling laws and renormalization groups for strength and toughness of disordered materials". *International Journal of Solids and Structures*, 31, 291-302 (1994).

# Dipendenza dal tempo dei segnali AE: ßt

La dissipazione di energia, misurata con la tecnica delle emissioni acustiche durante un processo di danneggiamento, segue la legge temporale:

$$W \propto N \propto t^{\beta_{\rm t}}$$
, with  $0 \leq \beta_{\rm t} \leq 3$ ,

W: energia dissipata;

- N: cumulata degli eventi AE ottenuti durante il monitoraggio;
- *t*: durata del monitoraggio;
- $\beta$ : esponente del tempo scala per l'energia rilasciata.

Estrapolando l'esponente  $\beta_t$  dai dati ottenuti durante il periodo di osservazione, si può effettuare una predizione sulle condizioni di stabilità della struttura:

 $\beta_t < 1$ : il processo è stabile;

 $\beta_t \cong 1$ : il processo è metastabile;

 $\beta_t > 1$ : il processo tende all'instabilità.

### Prima fase di monitoraggio

- (a) Dati complessivi AE9 maggio 2011 16 giugno 2011
- (b) Monitoraggio della lesione Sensori 1, 2, 3, 4.
- (c) Monitoraggio del distacco dell'intonaco Sensori 5, 6.

### Seconda fase di monitoraggio

- (a) Dati complessivi AE5 luglio 2011 5 settembre 2011
- (b) Monitoraggio della lesione Sensori 1, 2, 3, 4.
- (c) Monitoraggio del distacco dell'intonaco Sensori 5, 6.

# Dati complessivi di monitoraggio 9 maggio 2011 - 16 giugno 2011



(a)

### Monitoraggio della lesione 9 maggio 2011 - 16 giugno 2011





## Monitoraggio del distacco dell'intonaco 9 maggio 2011 - 16 giugno 2011





### Dati complessivi di monitoraggio 5 luglio 2011 - 5 settembre 2011





### Monitoraggio della lesione 5 luglio 2011 - 5 settembre 2011





### Monitoraggio del distacco dell'intonaco 5 luglio 2011 - 5 settembre 2011





## Il problema della localizzazione

Il tempo che impiega un segnale di emissione acustica per percorrere la distanza tra la sorgente in posizione ( $x_0$ ,  $y_0$ ,  $z_0$ ) ed un sensore in posizione ( $x_A$ ,  $y_A$ ,  $z_A$ ) è calcolato tramite la seguente relazione:

$$T_{A} = \left[ (x_{0} - x_{A})^{2} + (y_{0} - y_{A})^{2} + (z_{0} - z_{A})^{2} \right]^{1/2} / c,$$

L'equazione precedente ha tre incognite, quindi per localizzare una sorgente occorre che almeno tre sensori captino uno stesso evento. Ai fini dell'individuazione dell'istante di emissione è necessario un quarto sensore di riferimento.

$$\Delta t_A = T_A - T_R = \left[ (x_0 - x_A)^2 + (y_0 - y_A)^2 + (z_0 - z_A)^2 \right]^{1/2} / c - T_R.$$



# Localizzazione delle sorgenti AE



Considerando il triangolo  $SS_1S_2$  si può scrivere:

$$r_2 - r_1 = v \Delta t_{21} \qquad \qquad z = r_1 \sin(\theta - \theta_2)$$

$$z^{2} = r_{2}^{2} - [r_{21} - r_{1} \cos (\theta - \theta_{2})]^{2}$$

Sostituendo la seconda equazione nella terza si ottiene:

$$r_1^2 = r_2^2 - r_{21}^2 + 2r_{21}r_1\cos(\theta - \theta_2)$$

Eliminando  $r_2$  e ricordando che  $r_1 = v (t_1-t_0)$ si ottiene:

$$r_1 = \frac{r_{21}^2 - \Delta t_{21}^2 v^2}{2(\Delta t_{21}v + r_{21}\cos(\theta - \theta_2))}$$



# L'emissione acustica come precursore sismico



# **Eventi sismici ed emissioni acustiche** monitoraggio 9 maggio 2011 - 16 giugno 2011



Embd (HV)

# Algoritmo di Grassberger – Procaccia monitoraggio 9 maggio 2011 - 16 giugno 2011

Tab. <sub>I</sub>	probabilità cumulata C+	AE come	precursore
-------------------	-------------------------	---------	------------

Tab. probabilità cumulata C- AE come aftershock

	60 km	80 km	100 km		60 km	80 km	100 km
1 settimana	0.0339	0.1121	0.2018	1 settimana	0.0254	0.0732	0.1437
2 settimane	0.0772	0.2130	0.3661	2 settimane	0.0357	0.1196	0.2629
3 settimane	0.1228	0.3018	0.4875	3 settimane	0.0371	0.1509	0.3362
4 settimane	0.1487	0.3661	0.5549	4 settimane	0.0371	0.1652	0.3732
5 settimane	0.1630	0.4321	0.6210	5 settimane	0.0371	0.1665	0.3768

$$C_{\pm}(r,\tau) \equiv \frac{1}{N_{EQ}N_{AE}} \sum_{k=1}^{N_{EQ}} \sum_{j=1}^{N_{AE}} \Theta(r - |x_k - x_j|) \Theta(\tau - |t_k - t_j|) \Theta(\pm(t_k - t_j))$$

L'algoritmo di correlazione di Grassberger-Procaccia viene applicato ai dati ottenendo un comportamento da precursore delle AE. E' evidente che la struttura si comporta come ricettore sismico.

### **Eventi sismici ed emissioni acustiche** monitoraggio 5 luglio - 5 settembre 2011



# Algoritmo di Grassberger – Procaccia monitoraggio 5 luglio 2011 - 5 settembre 2011

 Tab. probabilità camulata C+
 AE come precursore

Tab. probabilità cumulata C- AE come aftershock

	60 km	80 km	100 km		60 km	80 km	100 km
1 settimana	0.0075	0.0278	0.0846	1 settimana	0.0045	0.0298	0.1192
2 settimane	0.0184	0.0552	0.1896	2 settimane	0.0132	0.0465	0.1916
3 settimane	0.0239	0.0833	0.3222	3 settimane	0.0234	0.0717	0.2592
4 settimane	0.0346	0.1040	0.3841	4 settimane	0.0301	0.0970	0.3251
5 settimane	0.0498	0.1210	0.4435	5 settimane	0.0313	0.1114	0.3737
6 settimane	0.0557	0.1268	0.5130	6 settimane	0.0313	0.1246	0.4164
7 settimane	0.0557	0.1268	0.5497	7 settimane	0.0313	0.1299	0.4283
8 settimane	0.0557	0.1268	0.5607	8 settimane	0.0313	0.1336	0.4333
9 settimane	0.0557	0.1268	0.5657	9 settimane	0.0313	0.1341	0.4338

L'integrale di correlazione di Grassberger-Procaccia viene applicato ai dati ottenendo un comportamento da precursore delle AE solo per un raggio di indagine di 60 km. Si osserva un'inversione di comportamento della correlazione per raggi maggiori.

# **Discriminazione dei segnali AE**

Escludendo i segnali che hanno permesso la localizzazione della sorgente AE, si è analizzata la sequenza di registrazioni introducendo come input di calcolo nell'algoritmo di Grassberger-Procaccia quei segnali distinti da determinate soglie di frequenza ed ampiezza ricavate da considerazioni statistiche.



# AE con frequenze ed ampiezze discriminate monitoraggio 5 luglio - 5 settembre 2011

Tab. probabilità cumulata C+    AE come precursore			Tab. probabilità cumulata C-         AE come aftershock				
	60 km	80 km	100 km		60 km	80 km	100 km
1 settimana	0.0080	0.0290	0.0829	1 settimana	0.0042	0.0294	0.1149
2 settimane	0.0197	0.0592	0.1969	2 settimane	0.0117	0.0464	0.1889
3 settimane	0.0252	0.0866	0.3288	3 settimane	0.0203	0.0681	0.2521
4 settimane	0.0364	0.1081	0.3920	4 settimane	0.0278	0.0935	0.3142
5 settimane	0.0517	0.1248	0.4538	5 settimane	0.0292	0.1074	0.3604
6 settimane	0.0577	0.1308	0.5267	6 settimane	0.0292	0.1202	0.4041
7 settimane	0.0577	0.1308	0.5625	7 settimane	0.0292	0.1253	0.4151
8 settimane	0.0577	0.1308	0.5731	8 settimane	0.0292	0.1292	0.4213
9 settimane	0.0577	0.1308	0.5776	9 settimane	0.0292	0.1297	0.4218

Applicando l'integrale di correlazione al segnale con frequenze inferiori ai 30 kHz ed ampiezze inferiori a 1 mV, si osserva che le emissioni acustiche tornano ad essere un precursore sismico. Le altre combinazioni mostrano un comportamento tipicamente da aftershock.

Prove statiche di aderenza tra intonaco e muratura

(Sperimentazione e analisi numerica)

PARTE PRIMA

#### A. Alberto, P.Antonaci, P. Bocca, V. Di Vasto, <u>**A. Grazzini**</u>, S. Valente,

### Riunione di coordinamento del progetto Re-Frescos 29 Novembre 2012, Politecnico di Torino

Dipartimento di Ingegneria Strutturale Edile e Geotecnica, Politecnico di Torino









#### Introduction

This experimental study is being carried out at the **Sacri Monti di Varallo UNESCO heritage site**. Situated at the top of the hill above the town of Varallo in Piedmont (Italy), Sacro Monte is an artistic-religious complex consisting of 45 chapels, which contain with frescoes and sculptures that tell the story of the life of Christ.











#### Introduction

The historical plaster of the chapels has been subjected to progressive material decay over a long period of time.















#### Introduction

Some recent restoration work on decayed plasters have already shown their **poor durability** the incompatibility of the employed repair mortars

Decay and delamination of repair plasters



Preliminary pre-qualification of repair materials before their use



Maximum durability of the restoration work









#### Experimental research until 06/07/2011 (mortar – brick)







Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





#### Experimental research since 07/07/2011 (mortar – stone)

The research group of the Laboratory of non Destructive Testing Materials at the Politecnico di Torino has carried out particular fatigue tests on ad hoc mixed stone block-mortar specimens in order to evaluate simulate the adherence capacity of the new repair mortars to the masonry supports.

The restoration market offers a great number of dehumidified repair mortars, however the mechanical characteristics have not been compared carefully with those of historical masonry supports.

These static tests represent the first step of this experimental study which is currently in progress.

The next steps will concern the same type of mixed specimens subjected to cyclic tests.











#### Experimental research since 07/07/2011 (mortar - stone)

















The pre-blended mortar, chosen from among the main ones on the market, is a transpirant base made from natural hydraulic lime and Eco-Pozzolan, which is suitable for the restoration of historical masonry damaged by rising capillary damp and sulphate salts.

Young's modulus of this repair mortar, evaluated according to UNI6556, was 4380 MPa. The compressive strength, evaluated according to UNI6556, was 33,8 Mpa.





Monotonous compression tests were carried out by the controlling the horizontal opening with a speed opening at 0,0001 mm /s.







Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





#### **Experimental setup**









Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





#### **Experimental setup**







They were instead applied in symmetrical and regular discontinuity at the bottom and top of the specimen. These discontinuities behave like notches that which are able to trigger multiple crack propagation.



















#### **Experimental results**







PROVINO	Max load (N)	Max horizontal displacement (mm)
LAPMAL_SB_BM_01(NoTeflon)	3660	0,4825
LAPMAL_SB_BM_02(Teflon)	2610	0,5416
LAPMAL_SB_SP_01(NoTeflon)	2320	0,4353
LAPMAL_SB_SP_02(Teflon)	2810	0,3817
LAPMAL_SB_BP_01 (Teflon)	2530	0,6077
LAPMAL_SB_BP_02 (Teflon)	1910	1,3218
LAPMAL_SB_BP_03 (Teflon)	2100	0,7695
LAPMAL_SB_BP_04 (Teflon)	1970	0,3629









#### **Experimental results**

#### Load - Horizontal displacement







**RE-FRESCOS project** www.refrescos.polito.it





Load ( KN )

#### **Experimental results** Load - Horizontal displacement



# North Contraction







#### Conclusions

• Long-term plaster delamination frequently occurs as a consequence of the non compatible mechanical characteristics of mortar. Preventing this phenomenon is the main way of increasing the durability of repair work.





- •An innovative preliminary design stage laboratory procedure for the prequalification of repair mortars applied to historical masonry buildings has been described.
- •The evolutionary phenomena involved in the de-bonding process of mortar in a coupled stone block mortar system have been accurately analyzed by means of the proposed experimental setup.









Prove statiche di aderenza tra intonaco e muratura

(Sperimentazione e analisi numerica)

PARTE SECONDA

### <u>A. Alberto</u>, P.Antonaci, P. Bocca, V. Di Vasto, A. Grazzini, S. Valente,

### Riunione di coordinamento del progetto Re-Frescos 29 Novembre 2012, Politecnico di Torino

Dipartimento di Ingegneria Strutturale Edile e Geotecnica, Politecnico di Torino









#### Indice:

Introduzione;

- Sperimentazione rendicontata al 06/07/2011;
- Sperimentazione successiva al 06/07/2011;
- Posizione della strumentazione;
- Instabilità della prova sperimentale;
- Il criterio di inizio della frattura;
  - Il modello della fessura coesiva;
  - Il criterio dell'evoluzione della fessura;
- Dati di ingresso;
- Risultati numerici;
- Risultati sperimentali;
- Confronto;
- Conclusioni.








#### Introduzione

Poiche' l'intonaco e' uno strato sottile, a diretto contatto con l'aria, esso e' soggetto al ciclo termico giornaliero ed alle variazioni di umidita' relativa.

Se l'intonaco fosse libero, esso si dilaterebbe in fase di riscaldamento e si contrarrebbe in fase di raffreddamento. La variazione di umidita'

genera un fenomeno analogo.

La muratura, essendo protetta dall'intonaco, subisce il ciclo termoigrometrico in misura ridotta. Essa rappresenta quindi un vincolo che

riduce la dilatazione/contrazione dell'intonaco.

Questo vincolo genera delle tensioni tangenziali le quali, all'apice della fessura di distacco, sono molto elevate. Nasce quindi un fenomeno di cumulo del danno locale, che porta all'avanzamento

dell'apice della fessura.





Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





## Sperimentazione rendicontata al 06/07/2011 (malta – laterizio)



















Figure: Risultati sperimentali adimensionali per il provino 1 (cerchio)carico, (quadrato)spost.oriz., (triangolo)spost.vert.



Figure: Risultati numerici adimensionali (cerchio)carico, (quadrato)spost.oriz., (triangolo)spost.vert.









#### Sperimentazione successiva al 06/07/2011

















### Posizione della strumentazione













### Instabilità della prova sperimentale

L'inserimento dei cunei e del teflon ha migliorato la stabilità della prova sperimentale.





Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





## Il criterio di inizio della frattura

Il criterio di inizio della frattura e' stato assunto come segue:

$$\left(\frac{\sigma_0}{f_t}\right)^2 + \left(\frac{\tau_0}{f_s}\right)^2 = 1$$

Dove  $\sigma_0 \in \tau_0$  indicano rispettivamente le componenti di tensione ultima normale e tangenziale al giunto e  $f \in f$  indicano le t = scorrispondenti resistenze.









### Il modello della fessura coesiva

Secondo il modello della frattura coesiva entrambe le componenti di tensione coesiva sono funzioni decrescenti del modulo della discontinuita' di spostamento. Per semplicita' in figura e' indicata la sola compon











## Il criterio di evoluzione della fessura

Le tensioni coesive sono assunte funzioni decrescenti della discontinuita' di spostamento espressa da:

$$W_{eff} = \sqrt{\left(rac{W_n}{W_{nc}}
ight)^2 + \left(rac{W_t}{W_{tc}}
ight)^2}$$

Dove  $W_n$  rappresenta la componente normale della discontinuita' di spostamento e  $W_t$  quella tangenziale.

 $w_{nc}$  e  $w_{tc}$  sono i corrispondenti valori critici, assunti 0.5 mm.









## Il criterio di evoluzione della fessura

$$\frac{\sigma}{\sigma_0} = \frac{\tau}{\tau_0} = \left[1 - \frac{1 - \exp(-\alpha \cdot w_{eff})}{1 - \exp(-\alpha)}\right]$$

	f <sub>t</sub> (N/mm²)	f <sub>s</sub> (N/mm²)	w <sub>nc</sub> (mm)	w <sub>tc</sub> (mm)
Lato destro	0,2097	0,3159	0,5	0,5
Lato sinistro	0,2178	0,3249	0,5	0,5









### Dati di ingresso nella simulazione numerica

Le analisi numeriche sono state eseguite utilizzando il codice ABAQUS applicando una predefinita velocità verso il basso sulla faccia superiore del provino in pietra.

	Modulo di Young (N/mm²)	Rapporto di Poisson
Malta	3942	0,15
Pietra	21600	0,20









#### La legge coesiva





Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





## Risultati numerici











## Risultati sperimentali







PROVINO	Max load (N)	Max horizontal displacement (mm)
LAPMAL_SB_BM_01(NoTeflon)	3660	0,4825
LAPMAL_SB_BM_02(Teflon)	2610	0,5416
LAPMAL_SB_SP_01(NoTeflon)	2320	0,4353
LAPMAL_SB_SP_02(Teflon)	2810	0,3817
LAPMAL_SB_BP_01 (Teflon)	2530	0,6077
LAPMAL_SB_BP_02 (Teflon)	1910	1,3218
LAPMAL_SB_BP_03 (Teflon)	2100	0,7695
LAPMAL_SB_BP_04 (Teflon)	1970	0,3629









## Confronto risultati con interfaccia bocciardata a mano

#### Carico Spostamento Orizzontale (Interfaccia Bocciardata a mano)





Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





## Confronto risultati interfaccia a spina di pesce

#### Carico Spostamento Orizzontale (Interfaccia Spina di Pesce)











## Confronto risultati con bocciardatura pneumatica



#### Carico Spostamento Orizzontale (Interfaccia Bocciardatura Pneumatica Cunei con Teflon)



Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





### Conclusioni

La modalita' sperimentale proposta e' in grado di controllare i fenomeni evolutivi responsabili del distacco dell'intonaco dalla muratura.

I risultati delle simulazioni numeriche sono in buon accordo con le rilevazioni sperimentali e quindi contribuiscono a chiarire il comportamento meccanico del provino.

Con questo protocollo di prova abbiamo confrontato diverse soluzioni di collegamento tra intonaco e muratura .









## Grazie per l'Attenzione





Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo





DIAGNOSTIC APPLICATION OF NONLINEAR ULTRASONICS TO CHARACTERIZE DEGRADATION BY EXPANSIVE SALTS IN MASONRY SYSTEMS

#### P. Antonaci, P. Bocca, A. Formia

Dipartimento di Ingegneria Strutturale, Edile e Geotecnica

J.M. Tulliani

Dipartimento di Scienza Applicata e Tecnologia

### Appendice (non simmetria della risposta)



#### Grafico rappresentativo della non simmetria di risposta











#### Grafici rappresentativi della non simmetria di risposta











Riserva Naturale Speciale del Sacro Monte di Varallo



#### Preservation, Safeguard and Valorisation of Masonry Decorations in the Architectural Historical Heritage of Piedmont



Dr. Paolo Tarizzo, p.tarizzo@inrim.it

Dr. Claudio Guglielmone

Dr. Alessandro Schiavi

WP4: Upgrading and recoveryof mural paintingassets in Piedmont: the problem of realibility and durability oif the media





INTRODUZIONE

# **Progetto RE-FRESCOS**

Bando regionale per progetti d ricerca in materia di scienze umane e sociali per l'anno 2008 – D.D. 229/DB1300 del 12 Novembre 2008, S.O. n.2 al BUR 48/2008

AREA TEMATICA: VALORIZZAZIONE E TUTELA DEL PATRIMONIO ARTISTICO E CULTURALE

Ente proponente: POLITECNICO DI TORINO Responsabile progetto: Prof. Alberto Carpinteri

Work Package 4: "Valorizzazione e recupero del patrimonio pittorico murale del Piemonte: il problema dell'affidabilità e durabilità del supporto"

Responsabile WP4: Dott. Alessandro Schiavi (I.N.Ri.M)

#### Personale I.N.Ri.M:

Dott. Alessandro Schiavi Dott.ssa Giuliana Benedetto Dott. Paolo Tarizzo P.E. Francesco Russo *coadiuvati dal* Dott. Claudio Guglielmone





# **Progetto RE-FRESCOS**

#### Obiettivi WP 4:

- Studiare un metodo di indagine basato su <u>tecniche acustiche non-invasive</u> per la valutazione dello stato di conservazione degli affreschi.
- 2) Realizzare un apparato di misura ad hoc e definire la tecnica di misurazione con test di laboratorio e prove in situ.
- Individuare i limiti e le potenzialit
   della tecnica di misurazione proposta con metodi metrologici.
- Definire una "mappa acustica" sullo stato di conservazione della superficie dell'affresco.

#### Risultati Attesi:

- Fornire un metodo di indagine innovativo e non invasivo, dello stato di conservazione degli affreschi.
- Fornire una mappa qualitativa e quantitativa dello stato della superficie degli affreschi indagati.







#### BASI TEORICHE DEL PRINCIPIO



#### ASSORBIMENTO ACUSTICO

- Assorbimento per porosità
- Assorbimento per risonanza di cavità
- Assorbimento per risonanza di membrana

Quando un'onda di pressione acustica incontra una qualsiasi superficie in parte viene riflessa e in parte assorbita. L'onda riflessa è modificata in ampiezza e in frequenza.

Determinando sperimentalmente la "quantità di energia" riflessa o assorbita (nota l'energia incidente), oppure l'andamento di risposta in frequenza, è possibile risalire alle proprietà e/o alle caratteristiche fisico-meccaniche del materiale "ostacolo".

### RE-FRE OBLEMI DI APPLICABILITA' DEI METODI PROPOSTI

Cappella della strage degli innocenti



Il metodo "cepstrale" non è applicabile nel nostro caso, a causa della presenza di statue le quali, oltre a costituire un ostacolo dal punto di vista dell'agevolezza della misura, perturbano il campo acustico. Cappella della crocifissione





Da: Calicchia, Cannelli: *Revealing surface anomalies in structures by in situ measurement of acoustic energy absorption*, Applied Acoustics, **63** (2002), pp. 43-59



In questa ricerca si applica il metodo10534-2, per valutare le proprietà "endosuperficiali" di porzioni murarie affrescate.



Acustica Determinazione del coefficiente di assorbimento acustico e dell'impedenza acustica in tubi di impedenza	UNI EN ISO 10534-2
Metodo della funzione di trasferimento	OTTOBRE 2001
Acoustics Determination of sound absorption coefficient and impedance in	

Impedances tubes Transfer-function method





INTITUTO INAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA

Re-Frescos





INTITUTO INAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA





INRIN ISTITUTO INRIONALE DI RICERCA METROLOGICA



ISTITUTO NAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA

Re-Frescos












Il materiale di contatto consiste in uno strato di gomma sintetica simil-neoprene, a celle chiuse, dello spessore di 5 mm. La sua deformabilità permette di colmare le irregolarità superficiali della parete senza rovinarla e inoltre l'alta resistenza al flusso dovuta alla struttura interna fa sì che l'assorbimento di energia acustica sia modesto e noto.



Provino cilindrico (interno) Provino esterno (M. ReFr.)



### 1) IL MATERIALE DI CONTATTO, SEBBENE INFLUENZI LA MISURA DEL COEFFICIENTE DI ASSORBIMENTO DELL'ELEMENTO IN PROVA, NON RIDUCE DRASTICAMENTE LA DINAMICA SPERIMENTALE E CONSENTE UN'INDAGINE IN TERMINI RELATIVI.





### TEST DI LABORATORIO





### 2) LE PROPRIETA' SUPERFICIALI DELL'AFFRESCO POSSONO (OVVIAMENTE –DEVONO-) INFLUIRE SULLA MISURA DEL COEFFICIENTE DI ASSORBIMENTO

3) A PARI PROPRIETA' (in termini di assorbimento ac.) SUPERFICIALI, IL METODO PROPOSTO E' "ENDOSENSIBILE"





### INTONACI DI LABORATORIO









### MOBILITA' MECCANICA

Time History



La misura dell'impedenza meccanica (o della mobilità, che ne è il rapporto inverso), rende evidente l'effetto di risonanza della cavità acustica sottostante la parte corticale di intonaco.

> ISTITUTO NAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA



Mechanical Mobility



Provino B



MOBILITA' MECCANICA

T

Provino





Provino C



### 4) MISURE DI IMPEDENZA ACUSTICA E IMPDENZA MECCANICA CONFERMANO LA PRESENZA DI RISONANZE ACUSTICHE NEI CASI DI DIFETTO E, SORPRENDENTEMENTE (!!!) I MODI ACUSTICI RILEVATI CON LE DUE DIFFERENTI TECNICHE SONO MOLTO SIMILI

### 5) NELLE PROVE DI LABORATORIO IL METODO DEL TUBO RE-FRESCOS MOSTRA OTTIMI RISULTATI





INTITUTO INAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA

## E IN SITU ???



SACRO MONTE DI VARALLO Cappella 17, La trasfigurazione









E IN SITU ???







Non sembrano esserci risonanze...eppure..la parete, se eccitata via "knocking", in alcuni punti suona a vuoto









E IN SITU ???

INRIN ISTITUTO NAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA

## Re-Frescher ALT: MOBILITA' ACUSTICA ENDOSUPERFICIALE





### TEC ALT: ECOGRAFIA







### RE-FITEC ALT: eccitazione ACUSTICA, lettura VIBROMETRICA





### PROGETTO REFRESCOS : WP5



Simulazione numerica del fenomeno di distacco tra materiali eterogenei soggetti a variazioni di temperatura mediante il modello della fessura coesiva all'ambito termoelastico

Dr. Alberto Sapora and Dr. Ing. Marco Paggi

Department of Structural, Building and Geotechnical Engineering Politecnico di Torino, Torino, Italy

- Introduction on the cohesive zone model
- Extension of the classical cohesive zone model to coupled thermoelastic problems
- Preliminary example showing a thermally induced crack growth at a bi-material interface

## Interface fracture – the CZM



#### A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

## Interface fracture – the CZM



#### A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

## Interface fracture – the CZM



#### A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

# Cohesive cracking in quasi-brittle materials



Carpinteri, *J Mech Phys Solids* (1989) Carpinteri, *J Eng Me*ch (1989)

# Cohesive Zone Models (CZMs)



A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

# Cohesive Zone Models (CZMs)



A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

# Application to intergranular fracture



#### A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

## Analysis of debonding phenomena in decorated mural elements by numerical models based on Fracture Mechanics:

Thermal effects

Diffusion problems (permeability, moisture)

# Thermoelasticity: Weak form of the governing eqs

$$\int_{V} (\nabla \delta \mathbf{u})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\sigma} \, \mathrm{d}V = \int_{\partial V} \delta \mathbf{u}^{\mathrm{T}} \mathbf{f} \, \mathrm{d}S + \int_{S} \delta \mathbf{g}^{\mathrm{T}} \mathbf{t} \, \mathrm{d}S + \int_{S} \delta \mathbf{f} \, \mathrm{d}S + \int_{S} \delta \mathbf{f$$



A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

**Nodal displacements and temperatures:** 

$$\mathbf{u} = (u_1, v_1, T_1, u_2, v_2, T_2, u_3, v_3, T_3, u_4, v_4, T_4)^{\mathrm{T}}$$

![](_page_135_Figure_3.jpeg)

A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

**Relative nodal displacements and temperatures:** 

$$\Delta \mathbf{u}^* = (u_4^* - u_1^*, v_4^* - v_1^*, T_4 - T_1, u_3^* - u_2^*, v_3^* - v_2^*, T_3 - T_2)^{\mathrm{T}}$$

 $\Delta \mathbf{u}^* = \mathbf{L} \mathbf{u}^*$ 

$$\mathbf{L} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & +1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & +1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & +1 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & +1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & +1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & +1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

**Relative displacements and temperatures in a generic point:** 

$$\mathbf{g} = (g_{\mathrm{T}}, g_{\mathrm{N}}, \Delta T)^{\mathrm{T}}$$

$$\mathbf{g} = \mathbf{N} \Delta \mathbf{u}^{*}$$

$$N_{1} = \frac{1-s}{2}$$

$$N_{2} = \frac{1-s}{2}$$

$$N_{1} = \frac{1-s}{2}$$

$$N_{2} = \frac{1-s}{2}$$

$$N_{2} = \frac{1-s}{2}$$

$$N_{2} = \frac{1-s}{2}$$

Interface contribution to the weak form:

$$G_{\text{int}} = \int_{S} \delta \mathbf{g}^{\mathrm{T}} \mathbf{p} \, \mathrm{d}S = \int_{S} \left( \delta g_{\mathrm{T}}, \delta g_{\mathrm{N}}, \delta \Delta T \right) \begin{pmatrix} \tau \\ \sigma \\ q_{\mathrm{S}} \end{pmatrix} \mathrm{d}S$$

The nonlinear dependency between the vector **p** and the gap vector **g** has to be linearized for the application of the Newton-Raphson method (Paggi and Wriggers, 2011):

$$\Delta G_{\text{int}} = \int_{S} (\delta g_{\text{T}}, \delta g_{\text{N}}, \delta \Delta T) \mathbf{C} \begin{pmatrix} g_{\text{T}} \\ g_{\text{N}} \\ \Delta T \end{pmatrix} \mathrm{d}S$$

### **Tangent interface constitutive matrix C:**

$$\mathbf{C} = \begin{bmatrix} \mathbf{C}_{\mathrm{M}} & \mathbf{0} \\ \mathbf{C}_{\mathrm{TM}} & \mathbf{C}_{\mathrm{T}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \tau}{\partial g_{\mathrm{T}}} & \frac{\partial \tau}{\partial g_{\mathrm{N}}} & \mathbf{0} \\ \frac{\partial \sigma}{\partial g_{\mathrm{T}}} & \frac{\partial \sigma}{\partial g_{\mathrm{N}}} & \mathbf{0} \\ \frac{\partial \sigma}{\partial g_{\mathrm{T}}} & \frac{\partial \sigma}{\partial g_{\mathrm{N}}} & \mathbf{0} \\ 0 & \frac{\partial q_{\mathrm{S}}}{\partial g_{\mathrm{N}}} & \frac{\partial q_{\mathrm{S}}}{\partial \Delta T} \end{bmatrix}$$

where thermo-mechanical coupling is related to the nonlinear dependency between heat flux and crack opening displacement (Paggi and Barber, 2011):

$$q_{\rm S} = -k_{\rm int}(g_{\rm N}, \Delta T) \Delta T$$

Example

![](_page_140_Figure_1.jpeg)

# Example: thermally-induced debonding

![](_page_141_Picture_1.jpeg)

#### A. Sapora and M. Paggi – Politecnico di Torino

A cohesive zone model has been proposed for the analysis of debonding phenomena at bimaterial interfaces. Future developments include:

Thermal effects - different materials by properly choosing *ad-hoc* parameters (plaster/masonry)
To investigate diffusion problems (permeability) in order to study the moisture effects/percolation